

C: NS24



## المركز الوطنى للتقويم والامتحانات

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا -الدورة العادية 2008-الموضوع

9	المعامل:	المادة:
<b>4</b> س	مدة الإنجاز:	الشعب ب(ق): شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

## التمرين الأول: (3,25 نقطة)

نذکر أن  $(M_2(\Gamma),+,\times)$  حلقة واحدية و $(M_2(\Gamma),+,\cdot)$  فضاء متجهي حقيقي و $(M_2(\Gamma),+,\times)$  جسم تبادلي. نضع:

$$E = \left\{ \mathbf{M} \begin{pmatrix} \mathbf{a}, \mathbf{b} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{a} & \sqrt{3} \, \mathbf{b} \\ -\frac{1}{\sqrt{3}} \, \mathbf{b} & \mathbf{a} \end{pmatrix} / \, \mathbf{a}, \mathbf{b} \in \Box \right\} \quad \mathbf{J} = \begin{pmatrix} \mathbf{0} & \sqrt{3} \\ -\frac{1}{\sqrt{3}} & \mathbf{0} \end{pmatrix} \mathbf{J} = \begin{pmatrix} \mathbf{1} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{1} \end{pmatrix}$$

 $\left( \mathbf{M}_{2}(\Gamma),+,.
ight)$ فضاء متجهي جزئي من الفضاء المتجهي الحقيقي  $\left( \mathbf{E},+,.
ight)$  فضاء متجهي جزئي

$$(E,+,.)$$
 بين أن الأسرة  $(I,J)$  أساس في الفضاء المتجهي  $0.5$ 

$$E^* = E \setminus \left\{ M ig( 0,0 ig) \right\}$$
 : حيث  $f: \square \stackrel{*}{\longrightarrow} E^*$   $a+ib \longrightarrow M ig( a,b ig)$  : نعتبر التطبيق (2

$$\left(\mathbf{M}_{2}(\Box),\times\right)$$
 بين أن  $\mathbf{E}$  جزء مستقر من  $\left(0.25\right)$ 

$$(E^*,\times)$$
 نحو  $(f^*,\times)$  نحو  $(E^*,\times)$  نحو  $(E^*,\times)$  نحو  $(E^*,\times)$ 

بین أن 
$$(E,+,\times)$$
 جسم تبادلي. (3  $\mid 0,5 \mid$ 

$$(X^3 = X \times X \times X)$$
 حل في  $(X^3 = X \times X \times X)$  حيث  $(X^3 = X \times X \times X)$  حل في  $(X^3 = X \times X \times X)$  حل في  $(X^3 = X \times X \times X)$ 

## التمرين الثاني : (3,75 نقطة)

a العدد a مرافق العدد a

$$\left(G\right)$$
  $iz^{2}+(a+\overline{a}-i)z-\overline{a}-ia\overline{a}=0$  : المعادلة  $\Box$   $\Box$  المعادلة  $\Box$   $\Box$ 

$$\Delta = (a - \overline{a} - i)^2$$
 هو:  $(G)$  هو:  $(a - \overline{a} - i)^3$  تحقق أن مميز المعادلة

. (G) ب)حل في المجموعة المعادلة 
$$\bigcirc$$
 0,5

$$Re(a)$$
 بين أن  $a$  حل للمعادلة  $(G)$  إذا و فقط إذا كان  $Re(a) = Im(a)$  (حيث  $(G)$  هو الجزء  $(G)$  الحقيقي للعدد العقدى  $(G)$  الحقيقي للعدد العقدى  $(G)$  الحقيقي للعدد العقدى  $(G)$ 

الم فرما						
الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 4	الرياضيات	المادة:				
(الدورة العادية 2008) الموضوع الموضوع	شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعب(ة):				
${ m Re}(a)  eq { m Im}(a)$ ، نفترض أن ${ m C}(0; { m u}, { m v})$ ، انفتر النقط ${ m B}$ و ${ m B}$ و ${ m B}$ و ${ m B}$ و ${ m E}$ و ${ m C}$						
	$Z = \frac{(1+ia)-a}{(i\overline{a})-a}$ :	(1) نضع				
	$\overline{Z} = \frac{(i-1)\overline{a} - i}{i\overline{a} - a}$ : تحقق أن	() 0,5				
$Im(a) = \frac{1}{2}$ إذا و فقط إذا كان	بين أن النقط A و B و C مستقيمية	(ب 0,5				
2	$\operatorname{Im}(\operatorname{a})  eq rac{1}{2}$ نس في هذا السؤال أن	2) نفتره				
$\frac{\pi}{2}$ و $R_2$ الدوران الذي مركزه $R$ و زاويته $-\frac{\pi}{2}$	الدوران الذي مركزه $A$ و زاويته $R$	نعتبر				
2 2	$R_{2}(C) = C' \cup R_{1}(B) = B'$					
	النقطة E منتصف القطعة [BC]					
<del>"</del> ,	b' و c' لحقي النقطتين B' و C' علم	. ` '				
دان و ان B'C'=2AE	ن المستقيمين $\left( \mathrm{AE}  ight)$ و $\left( \mathrm{C'}  ight)$ متعاما	0,75 بين أر				
	<u>ثالث :</u> (3 نقط)	التمرين ال				
(E) $35u - 96v = 1$	$^{2}$ تبر في المجموعة $^{2}$ المعادلة التالية	عن -I				
(E) Li	ىقق أن الزوج (11,4) حل خا <i>ص</i> للمعاد					
	$(\mathrm{E})$ تنتج مجموعة حلول المعادلة	0,5 اس				
$(F)   x^{35} \equiv 2 [97]$	تبر في المجموعة 🛘 المعادلة التالية:					
	كن x حلا للمعادلة (F)	·				
لیان فیما بینهما .	ن أن العدد $97$ أولمي و أن ${ m x}$ و $97$ أو بين أن $:$					
	x = 1[57]					
$(F)$ خان $x = 2^{11}$ حل للمعادلة $x \equiv 2^{11}$		(C				
		-				
-	" \ / 	211				

ألشكل £11+97 حيث £1+97 الشكل

Î	فحة	الص
ĺ	3	
		4

C: NS24

الامتحان الوطنى الموحد للبكالوريا (الدورة العادية 2008) الموضوع

الرياضيات	المادة:
-----------	---------

الشعب (ة): أشعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

0,5

0,5 0,5

0,5

0,5

## التمرين الرابع: (10 نقط)

$$f(x)=2x-e^{-x^2}$$
 : المعرفة على  $\prod_{+}$  المعرفة ي المعرفة للمتغير الحقيقي  $\prod_{+}$  المعرفة على  $\prod_{+}$  المنحنى الممثل للدالة  $\prod_{+}$  في معلم متعامد ممنظم  $\prod_{+}$  المنحنى الممثل للدالة  $\prod_{+}$ 

المحصل عليها النتيجة المحصل عليها النتيجة المحصل عليها النتيجة المحصل عليها . الهاية 
$$\lim_{x\to +\infty} (f(x)-2x)$$

$$f$$
 ب) احسب  $f'(x)$  لكل  $f(x)$  من  $f(x)$  من جدول تغير ات الدالة

$$0 < lpha < 1$$
 ج) بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $lpha$  في  $\beta$ 

$$[0,1]$$
 ادرس إشارة  $f(x)$  على المجال

$$(\alpha \approx 0.4:$$
 أنشئ المنحنى (C) أنشئ المنحنى (2 0.5

 $_{1}$  بما يلي :  $_{2}$  المعرفتين على  $_{2}$  بما يلي :  $_{3}$  المعرفتين على  $_{4}$  بما يلي :

$$g(x) = x^{2} - \int_{0}^{x} e^{-t^{2}} dt \quad \text{s} \qquad \begin{cases} \phi(x) = \frac{1}{x} \int_{0}^{x} e^{-t^{2}} dt \text{ ; } x > 0 \\ \phi(0) = 1 \end{cases}$$

$$(\forall x \in \Box^*_+)(\exists c \in ]0, x[) : \frac{1}{x} \int_0^x e^{-t^2} dt = e^{-c^2} : 0,5$$

$$\int_{0}^{1} e^{-t^{2}} dt < 1$$
 : ب) استنتج أن

$$g(\alpha) = \int_0^{\alpha} f(t)dt$$
 :نين أن (2 0,5

$$\left(\forall x\in\Pi_+\right)\;;\;g'(x)=f(x)\;$$
 بين أن الدالة  $g$  قابلة للاشتقاق على  $\Pi_+$  و أن:  $g'(x)=f(x)$ 

$$[\alpha,1]$$
 قي المعادلة  $g(x)=0$  تقبل حلا وحيدا  $\beta$  في المجال  $g(x)=0$ 

$$(\forall x \in \square^*_+)$$
;  $\phi(x) = e^{-x^2} + \frac{2}{v} \int_0^x t^2 e^{-t^2} dt$  : باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن  $0.5$ 

$$(\forall x \in \square^*_+)$$
;  $\phi'(x) = -\frac{2}{x^2} \int_0^x t^2 e^{-t^2} dt$  و أن:  $(\forall x \in \square^*_+)$  و أبين أن الدالة  $\phi$  قابلة للاشتقاق على  $(\forall x \in \square^*_+)$ 

$$\varphi([0,1]) \subset [0,1]$$
 : (2) د) بين أن  $0,5$ 

ىفحة	الم
4	
	4

C: NS24

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا (الدورة العادية 2008) الموضوع

الرياضيات	المادة:
-----------	---------

الشعب (ة): شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

0,25

0,5

$$(\forall x \in ]0,1[); |\varphi'(x)| \le \frac{2}{3}$$
 : بين أن  $(0,5)$ 

$$\left(\forall x \in \square_+^*\right) \; ; \; \; \phi(x) = x \iff g(x) = 0 \quad : والم$$

$$\left(\forall n\in\Pi\right)$$
 ;  $u_{n+1}=\phi(u_n)$  و  $u_0=\frac{2}{3}$  : المعرفة بما يلي المعرفة بما يلي (5)

$$(\forall n \in \sqcap)$$
 ;  $0 \le u_n \le 1$  : نبين أن (  $0,5$ 

$$(\forall n \in \square)$$
 ;  $|u_n - \beta| \le \left(\frac{2}{3}\right)^n$  : بين أن  $(0.5)$ 

ج) استنتج أن المتتالية 
$$\left(u_{n}\right)_{n\geq0}$$
 متقاربة و حدد نهايتها.